

Jak (i po co) stworzyć nowy ciąg?

Bartłomiej Pawlik

27 sierpnia 2022 r.

0 1 3 6 2 7
: 13
: 20
23 : 12
10 22 11 21

THE ON-LINE ENCYCLOPEDIA
OF INTEGER SEQUENCES[®]

founded in 1964 by N. J. A. Sloane

0 1 3 6 2 7
: OE 13
: IS 20
23 12
10 22 11 21

THE ON-LINE ENCYCLOPEDIA OF INTEGER SEQUENCES[®]

founded in 1964 by N. J. A. Sloane



0 1 3 6 2 7
 : 13
 : OE
 23 IS 20
 10 22 11 21

THE ON-LINE ENCYCLOPEDIA OF INTEGER SEQUENCES[®]

founded in 1964 by N. J. A. Sloane



- 1964 — N.J.A. Sloane zaczyna kolekcjonować znane ciągi.
- 1973 — *A Handbook of Integer Sequences* (2372 ciągi).
- 1995 — *The Encyclopedia of Integer Sequences* (5847 ciągów).
- 1996 — Encyklopedia przeniesiona na stronę internetową (za dużo ciągów, żeby je pomieścić w książce).
- 7 listopada 2004 — Stutysięczny ciąg pojawia się na OEIS.
- Obecnie OEIS zawiera ponad 350 000 ciągów.

A100000 Middle column of marks found on the oldest object with logical carvings, the 22000-year-old Ishango bone from the Congo. 2

3, 6, 4, 8, 10, 5, 5, 7 ([list](#); [graph](#); [refs](#); [listen](#); [history](#); [text](#); [internal format](#))

OFFSET 1,1

COMMENTS The other two columns on the rod are: 11, 13, 17, 19 and 11, 21, 19, 9. See "Deciphering the Bone" at the first Brussels Museum for Natural Sciences link. This appears to be the oldest known mathematical object.
 "The bone owes its name to the site where it was discovered. Ishango is in the Congo, 15 km from of the Equator, on the bank of the Edward lake. This large African lake, one of the sources of the Nile, is 77 km long and 42 km wide. The area is close to the Virunga National Park and the Congo-Uganda border." - Brussels Museum for Natural Sciences



[A100000](#)

Jak stworzyć nowy ciąg?

Jak stworzyć nowy ciąg?

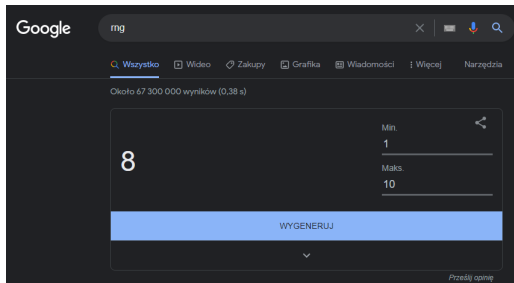
Z dużym prawdopodobieństwem stworzymy unikatowy ciąg, wybierając kilka-kilkanaście przypadkowych liczb.

Możemy też skorzystać z generatora liczb (pseudo)losowych.

Jak stworzyć nowy ciąg?

Z dużym prawdopodobieństwem stworzymy unikatowy ciąg, wybierając kilka-kilkanaście przypadkowych liczb.

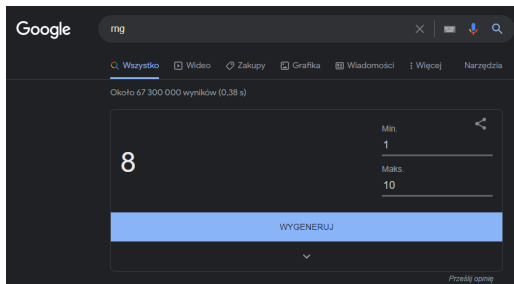
Możemy też skorzystać z generatora liczb (pseudo)losowych.



Jak stworzyć nowy ciąg?

Z dużym prawdopodobieństwem stworzymy unikatowy ciąg, wybierając kilka-kilkanaście przypadkowych liczb.

Możemy też skorzystać z generatora liczb (pseudo)losowych.



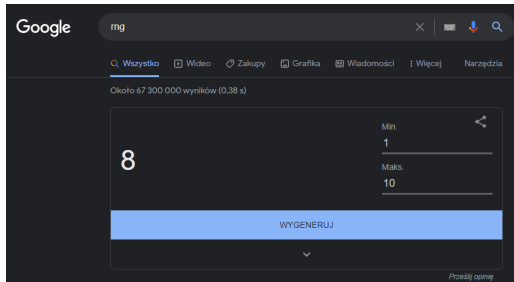
Ustawiając zakres na 1-100 otrzymałem ciąg

50, 99, 54.

Jak stworzyć nowy ciąg?

Z dużym prawdopodobieństwem stworzymy unikatowy ciąg, wybierając kilka-kilkanaście przypadkowych liczb.

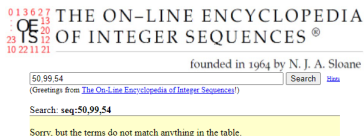
Możemy też skorzystać z generatora liczb (pseudo)losowych.



Ustawiając zakres na 1-100 otrzymałem ciąg

50, 99, 54.

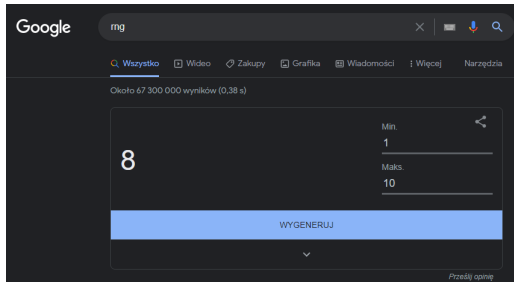
Ciąg jest nowy!



Jak stworzyć nowy ciąg?

Z dużym prawdopodobieństwem stworzymy unikatowy ciąg, wybierając kilka-kilkanaście przypadkowych liczb.

Możemy też skorzystać z generatora liczb (pseudo)losowych.

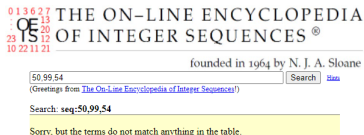


Ustawiając zakres na 1-100 otrzymałem ciąg

50, 99, 54.

Ciąg jest nowy!

Zasada I: Ciąg powinien mieć (jakikolwiek) sens.



A039926	Random digits.	3
	<p>1, 2, 6, 7, 7, 3, 2, 9, 4, 4, 5, 4, 1, 2, 7, 3, 9, 7, 4, 8, 7, 9, 9, 1, 2, 0, 2, 0, 1, 7, 3, 1, 8, 3, 2, 0, 8, 5, 6, 6, 0, 6, 2, 4, 8, 9, 5, 7, 1, 1, 2, 7, 4, 3, 0, 3, 1, 4, 2, 9, 8, 4, 5, 2, 8, 6, 1, 3, 5, 1, 7, 0, 6, 5, 8, 8, 6, 0, 8, 8, 2, 9, 1, 5, 8, 4, 7, 7, 1, 7, 8, 6, 6, 4, 8, 7, 0, 6, 5 (list; graph; refs; listen; history; text; internal format)</p>	
OFFSET	0,2	
COMMENTS	<p>This sequence is an example of a random number table. The digits were originally obtained using some physical random process (i. e., there is no algorithm defining them), published, and then reprinted in the Cox's book. - Andrey Zabolotskiy, Oct 18 2019</p>	
REFERENCES	D. R. Cox, Planning of Experiments, Wiley, NY, 1958, p. 299, Table A.3.	
LINKS	<p>Andrey Zabolotskiy, Table of n, a(n) for n = 0..1999 (complete sequence) Wikipedia, Random number table</p>	
CROSSREFS	<p>Cf. A002205, A039925. Sequence in context: A265180 A061352 A173991 * A242430 A035569 A176017 Adjacent sequences: A039923 A039924 A039925 * A039927 A039928 A039929</p>	
KEYWORD	nonn,fini,full	
AUTHOR	N. J. A. Sloane	

Jak stworzyć nowy *sensowny* ciąg?

Jak stworzyć nowy *sensowny* ciąg?

Rozważmy ciąg, którego elementami są liczby orbit względem działania automorfizmami wewnętrznymi na zbiorze minimalnych zbiorów generatorów 2-podgrup Sylowa grup symetrycznych S_{2^n} , indeksowany wykładnikiem n :

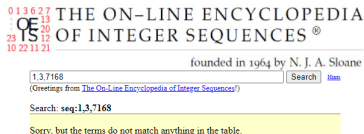
$$1, 3, 2^{10} \cdot 7, 2^{47} \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7, \dots$$

Jak stworzyć nowy *sensowny* ciąg?

Rozważmy ciąg, którego elementami są liczby orbit względem działania automorfizmami wewnętrznymi na zbiorze minimalnych zbiorów generatorów 2-podgrup Sylowa grup symetrycznych S_{2^n} , indeksowany wykładnikiem n :

$$1, 3, 2^{10} \cdot 7, 2^{47} \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7, \dots$$

Ciąg jest nowy!



0 1 3 6 2 7
: 13
: OEIS
23 20
10 22 11 21

THE ON-LINE ENCYCLOPEDIA
OF INTEGER SEQUENCES®

founded in 1964 by N. J. A. Sloane

1,3,7168 [Help](#)

(Greetings from [The On-Line Encyclopedia of Integer Sequences!](#))

Search: seq:1,3,7168

Sorry, but the terms do not match anything in the table.

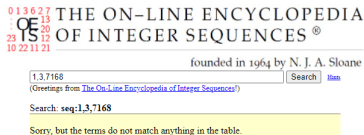
Jak stworzyć nowy *sensowny* ciąg?

Rozważmy ciąg, którego elementami są liczby orbit względem działania automorfizmami wewnętrznymi na zbiorze minimalnych zbiorów generatorów 2-podgrup Sylowa grup symetrycznych S_{2^n} , indeksowany wykładnikiem n :

$$1, 3, 2^{10} \cdot 7, 2^{47} \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7, \dots$$

Ciąg jest nowy!

Zasada II: Ciąg powinien być zrozumiały dla laików.



0 1 3 6 2 7
: 13
: 20
23 12
10 22 11 21

THE ON-LINE ENCYCLOPEDIA
OF INTEGER SEQUENCES®

founded in 1964 by N. J. A. Sloane

1,3,7168 [Help](#)

(Greetings from [The On-Line Encyclopedia of Integer Sequences!](#))

Search: seq:1,3,7168

Sorry, but the terms do not match anything in the table.

Jak stworzyć nowy ~~sensowny~~ ciekawy ciąg?

Jak stworzyć nowy ~~sensowny~~ ciekawy ciąg?

Rozważmy rosnący ciąg liczb pierwszych zaczynających się od cyfr 1986:

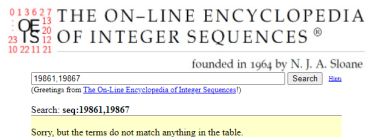
19 861, 19 867, 198 613, 1 986 001, 1 986 029, 19 860 007, 19 860 011, ...

Jak stworzyć nowy ~~serwis~~ ciekawy ciąg?

Rozważmy rosnący ciąg liczb pierwszych zaczynających się od cyfr 1986:

19 861, 19 867, 198 613, 1 986 001, 1 986 029, 19 860 007, 19 860 011, ...

Ciąg jest nowy!



0 1 3 6 2 7
: 13
: 20
23 12
10 22 11 21

THE ON-LINE ENCYCLOPEDIA
OF INTEGER SEQUENCES®

founded in 1964 by N. J. A. Sloane

19861,19867 [Bau](#)
(Greetings from [The On-Line Encyclopedia of Integer Sequences](#))

Search: seq:19861,19867

Sorry, but the terms do not match anything in the table.

Jak stworzyć nowy ~~serwis~~ ciekawy ciąg?

Rozważmy rosnący ciąg liczb pierwszych zaczynających się od cyfr 1986:

19 861, 19 867, 198 613, 1 986 001, 1 986 029, 19 860 007, 19 860 011, ...

Ciąg jest nowy!

Zasada III: Ciąg powinien być zaakceptowany przez społeczność matematyków (np. OEIS).

0 1 3 6 2 7
: 13
OEIS THE ON-LINE ENCYCLOPEDIA
23 15 20 OF INTEGERS SEQUENCES®
10 22 11 21

founded in 1964 by N. J. A. Sloane

19861,19867 [Bau](#)
(Greetings from [The On-Line Encyclopedia of Integer Sequences](#))

Search: seq:19861,19867

Sorry, but the terms do not match anything in the table.

Jak stworzyć nowy *ciekawy* ciąg?

- I: Ciąg powinien mieć (jakikolwiek) sens.
- II: Ciąg powinien być zrozumiały dla laików.
- III: Ciąg powinien być zaakceptowany przez społeczność matematyków (np. OEIS).

Jak stworzyć nowy *ciekawy* ciąg?

- I: Ciąg powinien mieć (jakikolwiek) sens.
- II: Ciąg powinien być zrozumiały dla laików.
- III: Ciąg powinien być zaakceptowany przez społeczność matematyków (np. OEIS).

Wymyślanie ciągu tylko po to, żeby wymyślić ciąg (chyba) nie jest dobrym pomysłem.

Jaka jest Twoja ulubiona liczba?

Jaka jest Twoja ulubiona liczba?

Zagadka nr 4

Czy istnieje takie $n \in \mathbb{N}$, że 2^n zaczyna się od ulubionej liczby prof. Kordosa?

$$7 \cdot 10^k \leq 2^n < 8 \cdot 10^k$$

$$7 \leq 2^n / 10^k < 8$$

$$\log 7 \leq n \log 2 - k < \log 8$$

Martha Łącka, Prosta jest prosta! A odcinek i okrąg jeszcze łatwiejsze, SMP61

Jaka jest Twoja ulubiona liczba?

Zagadka nr 4

Czy istnieje takie $n \in \mathbb{N}$, że 2^n zaczyna się od ulubionej liczby prof. Kordosa?

$$7 \cdot 10^k \leq 2^n < 8 \cdot 10^k$$

$$7 \leq 2^n / 10^k < 8$$

$$\log 7 \leq n \log 2 - k < \log 8$$

Martha Łącka, Prosta jest prosta! A odcinek i okrąg jeszcze łatwiejsze, SMP61

14

Jaka jest Twoja ulubiona liczba?

Zagadka nr 4

Czy istnieje takie $n \in \mathbb{N}$, że 2^n zaczyna się od ulubionej liczby prof. Kordosa?

$$7 \cdot 10^k \leq 2^n < 8 \cdot 10^k$$

$$7 \leq 2^n / 10^k < 8$$

$$\log 7 \leq n \log 2 - k < \log 8$$

Martha Łącka, *Prosta jest prosta! A odcinek i okrąg jeszcze łatwiejsze*, SMP61

$$14 = 2 \cdot 7$$

Konkatenacją słów/liczb a i b nazywamy słowo/liczbę powstałą z dołączenia b do a i oznaczamy przez $a.b$.

Przykładowo: $2.2 = 22$, $30.7 = 307$, $stop.klatka = stopklatka$.

Konkatenacją słów/liczb a i b nazywamy słowo/liczbę powstałą z dołączenia b do a i oznaczamy przez $a.b$.

Przykładowo: $2.2 = 22$, $30.7 = 307$, $stop.klatka = stopklatka$.

p_1	p_2	p_3	p_4	p_5	p_6	p_7	p_8	p_9
2	3	5	7	11	13	17	19	23

Konkatenacją słów/liczb a i b nazywamy słowo/liczbę powstałą z dołączenia b do a i oznaczamy przez $a.b$.

Przykładowo: $2.2 = 22$, $30.7 = 307$, $stop.klatka = stopklatka$.

p_1	p_2	p_3	p_4	p_5	p_6	p_7	p_8	p_9
2	3	5	7	11	13	17	19	23

14

Konkatenacją słów/liczb a i b nazywamy słowo/liczbę powstałą z dołączenia b do a i oznaczamy przez $a.b$.

Przykładowo: $2.2 = 22$, $30.7 = 307$, $stop.klatka = stopklatka$.

p_1	p_2	p_3	p_4	p_5	p_6	p_7	p_8	p_9
2	3	5	7	11	13	17	19	23

$$14 = 2 \cdot 7$$

Konkatenacją słów/liczb a i b nazywamy słowo/liczbę powstałą z dołączenia b do a i oznaczamy przez $a.b$.

Przykładowo: $2.2 = 22$, $30.7 = 307$, $stop.klatka = stopklatka$.

p_1	p_2	p_3	p_4	p_5	p_6	p_7	p_8	p_9
2	3	5	7	11	13	17	19	23

$$14 = 2 \cdot 7 = p_1 \cdot p_4$$

Konkatenacją słów/liczb a i b nazywamy słowo/liczbę powstałą z dołączenia b do a i oznaczamy przez $a.b$.

Przykładowo: $2.2 = 22$, $30.7 = 307$, $stop.klatka = stopklatka$.

p_1	p_2	p_3	p_4	p_5	p_6	p_7	p_8	p_9
2	3	5	7	11	13	17	19	23

$$14 = 2 \cdot 7 = p_1 \cdot p_4 = 1.4$$

Konkatenacją słów/liczb a i b nazywamy słowo/liczbę powstałą z dołączenia b do a i oznaczamy przez $a.b$.

Przykładowo: $2.2 = 22$, $30.7 = 307$, $stop.klatka = stopklatka$.

p_1	p_2	p_3	p_4	p_5	p_6	p_7	p_8	p_9
2	3	5	7	11	13	17	19	23

$$14 = 2 \cdot 7 = p_1 \cdot p_4 = 1.4 = 14$$

14 jest konkatenacją indeksów (1,4) swoich czynników pierwszych (2,7)!

Konkatenacją słów/liczb a i b nazywamy słowo/liczbę powstałą z dołączenia b do a i oznaczamy przez $a.b$.

Przykładowo: $2.2 = 22$, $30.7 = 307$, $stop.klatka = stopklatka$.

p_1	p_2	p_3	p_4	p_5	p_6	p_7	p_8	p_9
2	3	5	7	11	13	17	19	23

$$14 = 2 \cdot 7 = p_1 \cdot p_4 = 1.4 = 14$$

14 jest konkatenacją indeksów (1,4) swoich czynników pierwszych (2,7)!

Czy istnieją inne liczby o tej własności?

Konkatenacją słów/liczb a i b nazywamy słowo/liczbę powstałą z dołączenia b do a i oznaczamy przez $a.b$.

Przykładowo: $2.2 = 22$, $30.7 = 307$, $stop.klatka = stopklatka$.

p_1	p_2	p_3	p_4	p_5	p_6	p_7	p_8	p_9
2	3	5	7	11	13	17	19	23

$$14 = 2 \cdot 7 = p_1 \cdot p_4 = 1.4 = 14$$

14 jest konkatenacją indeksów (1,4) swoich czynników pierwszych (2,7)!

Czy istnieją inne liczby o tej własności?

Okazuje się, że tak!

Konkatenacją słów/liczb a i b nazywamy słowo/liczbę powstałą z dołączenia b do a i oznaczamy przez $a.b$.

Przykładowo: $2.2 = 22$, $30.7 = 307$, $stop.klatka = stopklatka$.

p_1	p_2	p_3	p_4	p_5	p_6	p_7	p_8	p_9
2	3	5	7	11	13	17	19	23

$$14 = 2 \cdot 7 = p_1 \cdot p_4 = 1.4 = 14$$

14 jest konkatenacją indeksów (1,4) swoich czynników pierwszych (2,7)!

Czy istnieją inne liczby o tej własności?

Okazuje się, że tak!

154

Konkatenacją słów/liczb a i b nazywamy słowo/liczbę powstałą z dołączenia b do a i oznaczamy przez $a.b$.

Przykładowo: $2.2 = 22$, $30.7 = 307$, $stop.klatka = stopklatka$.

p_1	p_2	p_3	p_4	p_5	p_6	p_7	p_8	p_9
2	3	5	7	11	13	17	19	23

$$14 = 2 \cdot 7 = p_1 \cdot p_4 = 1.4 = 14$$

14 jest konkatenacją indeksów (1,4) swoich czynników pierwszych (2,7)!

Czy istnieją inne liczby o tej własności?

Okazuje się, że tak!

$$154 = 2 \cdot 11 \cdot 7$$

Konkatenacją słów/liczb a i b nazywamy słowo/liczbę powstałą z dołączenia b do a i oznaczamy przez $a.b$.

Przykładowo: $2.2 = 22$, $30.7 = 307$, $stop.klatka = stopklatka$.

p_1	p_2	p_3	p_4	p_5	p_6	p_7	p_8	p_9
2	3	5	7	11	13	17	19	23

$$14 = 2 \cdot 7 = p_1 \cdot p_4 = 1.4 = 14$$

14 jest konkatenacją indeksów (1,4) swoich czynników pierwszych (2,7)!

Czy istnieją inne liczby o tej własności?

Okazuje się, że tak!

$$154 = 2 \cdot 11 \cdot 7 = p_1 \cdot p_5 \cdot p_4$$

Konkatenacją słów/liczb a i b nazywamy słowo/liczbę powstałą z dołączenia b do a i oznaczamy przez $a.b$.

Przykładowo: $2.2 = 22$, $30.7 = 307$, $stop.klatka = stopklatka$.

p_1	p_2	p_3	p_4	p_5	p_6	p_7	p_8	p_9
2	3	5	7	11	13	17	19	23

$$14 = 2 \cdot 7 = p_1 \cdot p_4 = 1.4 = 14$$

14 jest konkatenacją indeksów (1,4) swoich czynników pierwszych (2,7)!

Czy istnieją inne liczby o tej własności?

Okazuje się, że tak!

$$154 = 2 \cdot 11 \cdot 7 = p_1 \cdot p_5 \cdot p_4 = 1.5.4$$

Konkatenacją słów/liczb a i b nazywamy słowo/liczbę powstałą z dołączenia b do a i oznaczamy przez $a.b$.

Przykładowo: $2.2 = 22$, $30.7 = 307$, $stop.klatka = stopklatka$.

p_1	p_2	p_3	p_4	p_5	p_6	p_7	p_8	p_9
2	3	5	7	11	13	17	19	23

$$14 = 2 \cdot 7 = p_1 \cdot p_4 = 1.4 = 14$$

14 jest konkatenacją indeksów (1,4) swoich czynników pierwszych (2,7)!

Czy istnieją inne liczby o tej własności?

Okazuje się, że tak! Są znane jeszcze trzy liczby o tej własności:

$$154 = 2 \cdot 11 \cdot 7 = p_1 \cdot p_5 \cdot p_4 = 1.5.4$$

$$1196 = 2 \cdot 2 \cdot 23 \cdot 13 = p_1 \cdot p_1 \cdot p_9 \cdot p_6 = 1.1.9.6$$

$$279174 = 3 \cdot 17 \cdot 23 \cdot 2 \cdot 17 \cdot 7 = p_2 \cdot p_7 \cdot p_9 \cdot p_1 \cdot p_7 \cdot p_4 = 2.7.9.1.7.4$$

14, 154, 1196, 279174

14, 154, 1196, 279174

A097227

A097227 Numbers n such that $n = \text{prime}(d_1) * \text{prime}(d_2) * \dots * \text{prime}(d_k)$, where $d_1 d_2 \dots d_k$ is the decimal expansion of n . ¹⁰

14, 154, 1196, 279174 ([list](#); [graph](#); [refs](#); [listen](#); [history](#); [text](#); [internal format](#))

OFFSET 1,1

COMMENTS $a(n) \neq 1 \pmod{10}$. No other terms below 10^{44} . - [Chai Wah Wu](#), Aug 10 2017

LINKS [Table of \$n\$, \$a\(n\)\$ for \$n=1..4\$.](#)

EXAMPLE $279174 = \text{prime}(2)*\text{prime}(7)*\text{prime}(9)*\text{prime}(1)*\text{prime}(7)*\text{prime}(4)$ so 279174 is in the sequence.

MATHEMATICA `v={}; Do[h=IntegerDigits[n]; l=Length[h]; p=Product[h[[k]], {k, l}]; If[p>0&&Product[Prime[h[[k]]], {k, l}]==n, v=Append[v, n]; Print[v]], {n, 4000000}`

PROG

```
(Python)
from functools import reduce
from operator import mul
from itertools import combinations_with_replacement
A097227_list, ptuple = [], (2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23)
for l in range(1, 12):
    for d in combinations_with_replacement(range(1, 10), l):
        n = reduce(mul, (ptuple[i-1] for i in d))
        if n < 10**l and tuple(sorted((int(x) for x in str(n)))) == d:
            A097227_list.append(n) # Chai Wah Wu, Aug 10 2017
```

CROSSREFS

Cf. [A097228](#).
Sequence in context: [A016215](#) [A329711](#) [A290675](#) * [A229315](#) [A257288](#) [A125426](#)
Adjacent sequences: [A097224](#) [A097225](#) [A097226](#) * [A097228](#) [A097229](#) [A097230](#)

KEYWORD

base,more,nonn

AUTHOR

[Farideh Firoozbakht](#), Aug 12 2004

A097227	Numbers n such that $n = \text{prime}(d_1) * \text{prime}(d_2) * \dots * \text{prime}(d_k)$, where $d_1 d_2 \dots d_k$ is the decimal expansion of n . ¹⁰
	14, 154, 1196, 279174 (list ; graph ; refs ; listen ; history ; text ; internal format)
OFFSET	1,1
COMMENTS	$a(n) \neq 1 \pmod{10}$. No other terms below 10^{44} . - Chai Wah Wu , Aug 10 2017
LINKS	Table of n, $a(n)$ for $n=1..4$.
EXAMPLE	$279174 = \text{prime}(2)*\text{prime}(7)*\text{prime}(9)*\text{prime}(1)*\text{prime}(7)*\text{prime}(4)$ so 279174 is in the sequence.
MATHEMATICA	<code>v={}; Do[h=IntegerDigits[n]; l=Length[h]; p=Product[h[[k]], {k, l}]; If[p>0&&Product[Prime[h[[k]]], {k, l}]==n, v=Append[v, n]; Print[v]], {n, 4000000}</code>
PROG	(Python) <pre>from functools import reduce from operator import mul from itertools import combinations_with_replacement A097227_list, ptuple = [], (2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23) for l in range(1, 12): for d in combinations_with_replacement(range(1, 10), l): n = reduce(mul, (ptuple[i-1] for i in d)) if n < 10**l and tuple(sorted((int(x) for x in str(n)))) == d: A097227_list.append(n) # Chai Wah Wu, Aug 10 2017</pre>
CROSSREFS	Cf. A097228 . Sequence in context: A016215 A329711 A290675 * A229315 A257288 A125426 Adjacent sequences: A097224 A097225 A097226 * A097228 A097229 A097230
KEYWORD	base,more,nonn
AUTHOR	Farideh Firoozbakht , Aug 12 2004

Hipoteza

Ciąg A097227 jest skończony.

Uogólnienie?

Uogólnienie?

2127

Uogólnienie?

$$2127 = 3 \cdot 709$$

Uogólnienie?

$$2127 = 3 \cdot 709 = p_2 \cdot p_{127}$$

Uogólnienie?

$$2127 = 3 \cdot 709 = p_2 \cdot p_{127} = 2.127$$

Uogólnienie?

$$2\,127 = 3 \cdot 709 = p_2 \cdot p_{127} = 2.127$$

$$9\,105\,217 = 23 \cdot 29 \cdot 11 \cdot 73 \cdot 17 = p_9 \cdot p_{10} \cdot p_5 \cdot p_{21} \cdot p_7$$

$$194\,155\,148 = 2 \cdot 491 \cdot 2 \cdot 11 \cdot 11 \cdot 43 \cdot 19 = p_1 \cdot p_{94} \cdot p_1 \cdot p_5 \cdot p_5 \cdot p_{14} \cdot p_8$$

Uogólnienie?

$$2127 = 3 \cdot 709 = p_2 \cdot p_{127} = 2.127$$

$$9105217 = 23 \cdot 29 \cdot 11 \cdot 73 \cdot 17 = p_9 \cdot p_{10} \cdot p_5 \cdot p_{21} \cdot p_7$$

$$194155148 = 2 \cdot 491 \cdot 2 \cdot 11 \cdot 11 \cdot 43 \cdot 19 = p_1 \cdot p_{94} \cdot p_1 \cdot p_5 \cdot p_5 \cdot p_{14} \cdot p_8$$

A329711	Numbers n such that $n = \text{prime}(d_1) \cdot \text{prime}(d_2) \cdot \dots \cdot \text{prime}(d_k)$, where n is a concatenation of 1 d_1, d_2, \dots, d_k .
	14, 154, 1196, 2127, 61411, 172482, 223227, 279174, 291318, 1233822, 1346235, 2681318, 3127010, 6541482, 9105217, 14216826, 15136418, 15454362, 17211896, 22442133, 24174129, 32693925, 35219085, 35523825, 51157348, 51431138, 57121662, 58935162, 91242978, 101721214 (list ; graph ; refs ; listen ; history ; text ; internal format)
OFFSET	1,1
LINKS	Giovanni Resta, Table of n, $a(n)$ for $n = 1..191$ Bartłomiej Pawlik, Table of concatenations and prime factorizations of $a(n)$ for $n = 1..191$
EXAMPLE	14 = prime(1)*prime(4) = 2*7, so 14 is a term. 154 = prime(1)*prime(5)*prime(4) = 2*11*7, so 154 is a term. 9105217 = prime(9)*prime(10)*prime(5)*prime(21)*prime(7), so 9105217 is a term.
MATHEMATICA	<pre>ok[n_] := Block[{d = DigitCount@ n, AllTrue[Range@ 9, IntegerExponent[n, Prime@ #] <= d[[#]] &]]; ric[v_, d_] := If[PrimeQ@ v, PrimePi@ v == FromDigits@ d, Block[{r=False, p, m = Length@ d}, Do[If[d[[i + 1]] > 0, p = Prime@ FromDigits@ Take[d, i]; If[Mod[v, p] == 0 && (r = ric[v/p, Take[d, i - m]]), Break[]]], {i, m - 1}]; r]; Select[Range@ 300000, If[ok@# && ric[#, IntegerDigits@ #], Print@#; True, False] &] (* Giovanni Resta, Mar 12 2020 *)</pre>
CROSSREFS	Cf. A097227 (a subsequence), A318298 . Sequence in context: A153884 A154239 A016215 * A290675 A097227 A229315 Adjacent sequences: A329708 A329709 A329710 * A329712 A329713 A329714
KEYWORD	nonn,base
AUTHOR	Bartłomiej Pawlik , Mar 07 2020
EXTENSIONS	More terms from Giovanni Resta , Mar 12 2020

Kombinatoryka na słowach

Niech X, Y, Z będą słowami i niech $U = XYZ$. Każde ze słów X, Y, Z nazywamy **segmentem** słowa U .

Kombinatoryka na słowach

Niech X, Y, Z będą słowami i niech $U = XYZ$. Każde ze słów X, Y, Z nazywamy **segmentem** słowa U .

Dla dowolnego niepustego słowa X słowo XX nazywamy **kwadratem**.

Kombinatoryka na słowach

Niech X, Y, Z będą słowami i niech $U = XYZ$. Każde ze słów X, Y, Z nazywamy **segmentem** słowa U .

Dla dowolnego niepustego słowa X słowo XX nazywamy **kwadratem**.

mama tata

Kombinatoryka na słowach

Niech X, Y, Z będą słowami i niech $U = XYZ$. Każde ze słów X, Y, Z nazywamy **segmentem** słowa U .

Dla dowolnego niepustego słowa X słowo XX nazywamy **kwadratem**.

mama

tata

czacza

kankan

Kombinatoryka na słowach

Niech X, Y, Z będą słowami i niech $U = XYZ$. Każde ze słów X, Y, Z nazywamy **segmentem** słowa U .

Dla dowolnego niepustego słowa X słowo XX nazywamy **kwadratem**.

mama

tata

czacza

kankan

dziadzia

Kombinatoryka na słowach

Niech X, Y, Z będą słowami i niech $U = XYZ$. Każde ze słów X, Y, Z nazywamy **segmentem** słowa U .

Dla dowolnego niepustego słowa X słowo XX nazywamy **kwadratem**.

mama tata czacza kankan dziadzia

Słowo U nazywamy **słowem bezkwadratowym**, jeżeli nie zawiera segmentu będącego kwadratem.

Kombinatoryka na słowach

Niech X, Y, Z będą słowami i niech $U = XYZ$. Każde ze słów X, Y, Z nazywamy **segmentem** słowa U .

Dla dowolnego niepustego słowa X słowo XX nazywamy **kwadratem**.

mama tata czacza kankan dziadzia

Słowo U nazywamy **słowem bezkwadratowym**, jeżeli nie zawiera segmentu będącego kwadratem.

filologia matematyka

Słowa bezkwadratowe nad alfabetem $\{1\}$:

1

Słowa bezkwadratowe nad alfabetem $\{1, 2\}$:

1, 12, 121, 2, 21, 212

Słowa bezkwadratowe nad alfabetem $\{1, 2, 3\}$:

1213, 1213121, 123121323,

1231213231232123121323123, ...

Twierdzenie (Thue, 1906)

Istnieje nieskończenie wiele słów bezkwadratowych nad 3-elementowym alfabetem.

Twierdzenie (Thue, 1906)

Istnieje nieskończenie wiele słów bezkwadratowych nad 3-elementowym alfabetem.

Ciąg Thuego-Morse'a:

$$\varphi(0) = 01, \varphi(1) = 10$$

$$T_1 = 0, T_2 = 01, T_3 = 0110, T_4 = 01101001, \dots$$

$$T = 01101001100101101001011001101001\dots$$

Twierdzenie (Thue, 1906)

Istnieje nieskończenie wiele słów bezkwadratowych nad 3-elementowym alfabetem.

Ciąg Thuego-Morse'a:

$$\varphi(0) = 01, \varphi(1) = 10$$

$$T_1 = 0, T_2 = 01, T_3 = 0110, T_4 = 01101001, \dots$$

$$T = 01101001100101101001011001101001\dots$$

Twierdzenie (Thue, 1906)

Istnieje nieskończenie wiele słów bezkwadratowych nad 3-elementowym alfabetem.

Ciąg Thuego-Morse'a:

$$\varphi(0) = 01, \varphi(1) = 10$$

$$T_1 = 0, T_2 = 01, T_3 = 0110, T_4 = 01101001, \dots$$

$$T = 01101001100101101001011001101001\dots$$

$$S = 210201210120210\dots$$

Niech AB będzie słowem i niech x będzie literą. Słowo AxB nazywamy **rozszerzeniem** słowa AB .

Niech AB będzie słowem i niech x będzie literą. Słowo AxB nazywamy **rozszerzeniem** słowa AB .

Przykładowo, rozszerzenia słowa 12 nad alfabetem $\{1, 2\}$ to

112, 1212, 122, 121.

Niech AB będzie słowem i niech x będzie literą. Słowo AxB nazywamy **rozszerzeniem** słowa AB .

Przykładowo, rozszerzenia słowa 12 nad alfabetem $\{1, 2\}$ to

$\underline{1}12, \underline{2}12, 1\underline{2}2, 12\underline{1}$.

W dalszej części referatu mówiąc o *rozszerzeniach* słów, będziemy mieli na myśli wyłącznie rozszerzenia bezkwadratowe.

Niech AB będzie słowem i niech x będzie literą. Słowo AxB nazywamy **rozszerzeniem** słowa AB .

Przykładowo, rozszerzenia słowa 12 nad alfabetem $\{1, 2\}$ to

$\underline{1}12, \underline{2}12, 1\underline{2}2, 12\underline{1}$.

W dalszej części referatu mówiąc o *rozszerzeniach* słów, będziemy mieli na myśli wyłącznie rozszerzenia bekwadratowe.

Jeżeli każde rozszerzenie bekwadratowego słowa A zawiera kwadrat, to A nazywamy słowem **ekstremalnym**.

Niech AB będzie słowem i niech x będzie literą. Słowo AxB nazywamy **rozszerzeniem** słowa AB .

Przykładowo, rozszerzenia słowa 12 nad alfabetem $\{1, 2\}$ to

$\underline{1}12, 1\underline{2}2, 12\underline{2}, 12\underline{1}$.

W dalszej części referatu mówiąc o *rozszerzeniach* słów, będziemy mieli na myśli wyłącznie rozszerzenia bezkwadratowe.

Jeżeli każde rozszerzenie bezkwadratowego słowa A zawiera kwadrat, to A nazywamy słowem **ekstremalnym**.

Słowa ekstremalne nad alfabetem $\{1\}$:

1

Słowa ekstremalne nad alfabetem $\{1, 2\}$:

121, 212

Słowa ekstremalne nad alfabetem $\{1, 2, 3\}$:

1231213231232123121323123, ...

Twierdzenie (Grytczuk, Kordulewski, Niewiadomski, 2019)

Istnieje nieskończenie wiele słów ekstremalnych nad alfabetem $\{1, 2, 3\}$.

Twierdzenie (Grytczuk, Kordulewski, Niewiadomski, 2019)

Istnieje nieskończenie wiele słów ekstremalnych nad alfabetem $\{1, 2, 3\}$.

Twierdzenie (Mol, Rampersad, 2020)

Nad alfabetem $\{1, 2, 3\}$ istnieje ekstremalne słowo długości n wtedy i tylko wtedy, gdy

$$n \in \{25, 41, 48, 50, 63, 71, 72, 77, 79, 81, 83, 84, 85\} \cup \{m : m \geq 87\}.$$

Twierdzenie (Grytczuk, Kordulewski, Niewiadomski, 2019)

Istnieje nieskończenie wiele słów ekstremalnych nad alfabetem $\{1, 2, 3\}$.

Twierdzenie (Mol, Rampersad, 2020)

Nad alfabetem $\{1, 2, 3\}$ istnieje ekstremalne słowo długości n wtedy i tylko wtedy, gdy

$$n \in \{25, 41, 48, 50, 63, 71, 72, 77, 79, 81, 83, 84, 85\} \cup \{m : m \geq 87\}.$$

Hipoteza 1 (Grytczuk, Kordulewski, Niewiadomski, 2019)

Nie istnieje słowo ekstremalne nad alfabetem $\{1, 2, 3, 4\}$.

Twierdzenie (Grytczuk, Kordulewski, Niewiadomski, 2019)

Istnieje nieskończenie wiele słów ekstremalnych nad alfabetem $\{1, 2, 3\}$.

Twierdzenie (Mol, Rampersad, 2020)

Nad alfabetem $\{1, 2, 3\}$ istnieje ekstremalne słowo długości n wtedy i tylko wtedy, gdy

$$n \in \{25, 41, 48, 50, 63, 71, 72, 77, 79, 81, 83, 84, 85\} \cup \{m : m \geq 87\}.$$

Hipoteza 1 (Grytczuk, Kordulewski, Niewiadomski, 2019)

Nie istnieje słowo ekstremalne nad alfabetem $\{1, 2, 3, 4\}$.

Twierdzenie (Hong, Zhang, 2021)

Nie istnieje słowo ekstremalne nad 17-literowym alfabetem.

Procedura nonszalancka

- Pierwszym elementem ciągu jest słowo bezkwadratowe (np. 1).
- Rozszerzamy słowo możliwie najmniejszą literą przed możliwie najkrótszym sufiksem tak, aby otrzymane słowo było bezkwadratowe.

Procedura nonszalancka

- Pierwszym elementem ciągu jest słowo bezkwadratowe (np. 1).
- Rozszerzamy słowo możliwie najmniejszą literą przed możliwie najkrótszym sufiksem tak, aby otrzymane słowo było bezkwadratowe.

Procedura nonszalancka dla słowa początkowego 1 nad alfabetem $\{1, 2, 3\}$:

$$1 \rightarrow 1\underline{2} \rightarrow 12\underline{1} \rightarrow 121\underline{3} \rightarrow 1213\underline{1} \rightarrow 12131\underline{2} \rightarrow$$
$$\rightarrow 121312\underline{1} \rightarrow 121312\underline{3}1 \rightarrow 1213123\underline{1}3 \rightarrow \dots$$

Procedura nonszalancka

- Pierwszym elementem ciągu jest słowo bekwadratowe (np. 1).
- Rozszerzamy słowo możliwie najmniejszą literą przed możliwie najkrótszym sufiksem tak, aby otrzymane słowo było bekwadratowe.

Procedura nonszalancka dla słowa początkowego 1 nad alfabetem $\{1, 2, 3\}$:

$$1 \rightarrow \underline{12} \rightarrow \underline{121} \rightarrow \underline{1213} \rightarrow \underline{12131} \rightarrow \underline{121312} \rightarrow \\ \rightarrow \underline{1213121} \rightarrow \underline{12131231} \rightarrow \underline{121312313} \rightarrow \dots$$

Hipoteza 2 (Grytczuk, Kordulewski, Niewiadomski, 2019)

Ciąg słów nonszalanckich nad alfabetem $\{1, 2, 3\}$ jest nieskończony.

Liczbę pierwszą p nazywamy **ekstremalną liczbą pierwszą**, jeżeli każde jej nietrywialne rozszerzenie jest liczbą złożoną.

Liczbę pierwszą p nazywamy **ekstremalną liczbą pierwszą**, jeżeli każde jej nietrywialne rozszerzenie jest liczbą złożoną.

369 293

Liczbę pierwszą p nazywamy **ekstremalną liczbą pierwszą**, jeżeli każde jej nietrywialne rozszerzenie jest liczbą złożoną.

Ekstremalne liczby pierwsze mniejsze niż 10^7 :

369 293, 3 823 867, 5 364 431, 5 409 259,

7 904 521, 8 309 369, 9 387 527, 9 510 341.

Liczbę pierwszą p nazywamy **ekstremalną liczbą pierwszą**, jeżeli każde jej nietrywialne rozszerzenie jest liczbą złożoną.

Ekstremalne liczby pierwsze mniejsze niż 10^7 :

369 293, 3 823 867, 5 364 431, 5 409 259,

7 904 521, 8 309 369, 9 387 527, 9 510 341.

Hipoteza 3

Zbiór ekstremalnych liczb pierwszych jest nieskończony.

A125001 Non-insertable primes: primes with property that no matter where you insert (or prepend or append) a digit you get a composite number (except for prepending a zero). 2

369293, 3823867, 5364431, 5409259, 7904521, 8309369, 9387527, 9510341, 22038829, 27195601, 28653263, 38696543, 39091441, 39113161, 43744697, 45095839, 45937109, 48296921, 48694231, 49085093, 49106677, 50791927 ([list](#); [graph](#); [refs](#); [listen](#); [history](#); [text](#); [internal format](#))

OFFSET 1,1

COMMENTS Is the sequence infinite? - [Zak Seidov](#), Nov 14 2014

LINKS [David W. Wilson and Zak Seidov, Table of n, a\(n\) for n = 1..3000](#)
[Jeremiah T. Southwick, Two Inquiries Related to the Digits of Prime Numbers](#), Ph. D. Dissertation, University of South Carolina (2020).

EXAMPLE 369293 is a member because all of 1369293, 2369293, 3369293, ..., 3069293, 3169293, ..., 3692930, ..., 3692939 are composite.

MATHEMATICA `nipQ[x_]:=Module[{id=IntegerDigits[x], len}, len=Length[id]; AllTrue[Select[Flatten[Table[FromDigits[Insert[id, n, i]], {i, len+1}, {n, 0, 9}], 1], #!=x&], CompositeQ]]; Select[Prime[Range[3050000]], nipQ] (* The program uses the AllTrue function from Mathematica version 10 *) (* Harvey P. Dale, Apr 12 2018 *)`

CROSSREFS Sequence in context: [A156115](#) [A199496](#) [A234048](#) * [A172563](#) [A172582](#) [A172682](#)
Adjacent sequences: [A124998](#) [A124999](#) [A125000](#) * [A125002](#) [A125003](#) [A125004](#)

KEYWORD nonn,base

AUTHOR [David W. Wilson](#), Jan 08 2007

Procedura nonszalancka dla liczb pierwszych

- Pierwszym elementem ciągu jest liczba pierwsza (np. 2).
- Każdy kolejny element ciągu to liczba pierwsza będąca rozszerzeniem poprzedniej liczby przez dopisanie możliwie najmniejszej cyfry przed możliwie najkrótszym sufiksem.

Procedura nonszalancka dla liczb pierwszych

- Pierwszym elementem ciągu jest liczba pierwsza (np. 2).
- Każdy kolejny element ciągu to liczba pierwsza będąca rozszerzeniem poprzedniej liczby przez dopisanie możliwie najmniejszej cyfry przed możliwie najkrótszym sufiksem.

2, 23, 233, 2333, 23333, 233323, 2333231, 23332301,
233323001, 2333230019, 23332030019, ...

Procedura nonszalancka dla liczb pierwszych

- Pierwszym elementem ciągu jest liczba pierwsza (np. 2).
- Każdy kolejny element ciągu to liczba pierwsza będąca rozszerzeniem poprzedniej liczby przez dopisanie możliwie najmniejszej cyfry przed możliwie najkrótszym sufiksem.

2, 23, 233, 2333, 23333, 233323, 2333231, 23332301,
233323001, 2333230019, 23332030019, ...

Hipoteza 4

Ciąg nonszalanckich liczb pierwszych jest skończony.

Procedura nonszalancka dla liczb pierwszych

- Pierwszym elementem ciągu jest liczba pierwsza (np. 2).
- Każdy kolejny element ciągu to liczba pierwsza będąca rozszerzeniem poprzedniej liczby przez dopisanie możliwie najmniejszej cyfry przed możliwie najkrótszym sufiksem.

2, 23, 233, 2333, 23333, 233323, 2333231, 23332301,
233323001, 2333230019, 23332030019, ...

Hipoteza 4

Ciąg nonszalanckich liczb pierwszych jest skończony.

b	2	3	4	5	6	7	8	9
l	36	14	25	114	>1270	36	>500	924
				?	???		??	???

December 18, 1947

A & S Memorandum No. 10742

To All Concerned:

For your convenience and ready reference, we have had prepared the following list of the numbers 0-100 (inclusive) in alphabetical order.

12, 8, 18, 80, 88, 85, 84, 89, 81, 87, 86, 83, 62, 11, 15,
50, 58, 55, 54, 59, 51, 57, 56, 53, 52, 5, 40, 48, 45, 44, 49,
41, 47, 46, 43, 42, 4, 14, 9, 19, 90, 98, 95, 94, 99, 91, 97, 96,
93, 92, 1, 100, 7, 17, 70, 78, 75, 74, 79, 71, 77, 76, 73, 72, 6,
16, 60, 68, 65, 64, 69, 61, 67, 66, 63, 62, 13, 30, 38, 35, 34,
39, 31, 37, 36, 33, 32, 3, 12, 20, 28, 25, 24, 29, 21, 27, 26,
23, 22, 2, 0.

FOR THE ASSOCIATE DIRECTOR

Ciąg z błędem



Ciąg z błędem



J. Carson Mark



Stanisław Ulam

Ciąg z błędem (ciąg Marka-Ulama)

A261402	The Mark-Ulam sequence: an erroneous version of A036747 .
	12, 8, 18, 80, 88, 85, 84, 89, 81, 87, 86, 83, 82, 11, 15, 50, 58, 55, 54, 59, 51, 57, 56, 53, 52, 5, 40, 48, 45, 44, 49, 41, 47, 46, 43, 42, 4, 14, 9, 19, 90, 98, 95, 94, 99, 91, 97, 96, 93, 92, 1, 100, 7, 17, 70, 78, 75, 74, 79, 71, 77, 76, 73, 72, 6, 16, 60, 68, 65, 64, 69, 61, 67, 66, 63, 62, 13, 30, 38, 35, 34, 39, 31, 37, 36, 33, 32, 3, 12, 20, 28, 25, 24, 29, 21, 27, 26, 23, 22, 2, 0 (list ; graph ; refs ; listen ; history ; text ; internal format)
OFFSET	1,1
COMMENTS	Note that 10 is missing and 12 appears twice (the first 12 refers to "a dozen").
LINKS	Table of n, a(n) for n=1..101 . J. C. Mark and S. Ulam, A memorable memo , in Los Alamos Science, Special Issue, 1987.
CROSSREFS	Cf. A000052 , A036747 . Sequence in context: A118656 A094332 A324976 * A307171 A040134 A258641 Adjacent sequences: A261399 A261400 A261401 * A261403 A261404 A261405
KEYWORD	nonn,word,fini,full
AUTHOR	Michel Marcus and N. J. A. Sloane , Aug 21 2015
STATUS	approved

A036747	The numbers 0-100 in English lexicographic order.
	8, 18, 80, 88, 85, 84, 89, 81, 87, 86, 83, 82, 11, 15, 50, 58, 55, 54, 59, 51, 57, 56, 53, 52, 5, 40, 48, 45, 44, 49, 41, 47, 46, 43, 42, 4, 14, 9, 19, 90, 98, 95, 94, 99, 91, 97, 96, 93, 92, 1, 100, 7, 17, 70, 78, 75, 74, 79, 71, 77, 76, 73, 72, 6, 16, 60, 68, 65, 64, 69, 61, 67, 66, 63, 62, 10, 13, 30, 38, 35, 34, 39, 31, 37, 36, 33, 32, 3, 12, 20, 28, 25, 24, 29, 21, 27, 26, 23, 22, 2, 0 (list ; graph ; refs ; listen ; history ; text ; internal format)
OFFSET	0,1
LINKS	Table of n, a(n) for n=0..100 . J. C. Mark and S. Ulam, A memorable memo , in Los Alamos Science, Special Issue, 1987.
MATHEMATICA	SortBy[Range[0, 100], IntegerName] (* Davin Park , Dec 25 2016 *)
CROSSREFS	Cf. A000052 . The original (incorrect) Mark-Ulam list is given in A261402 . Sequence in context: A032795 A120543 A337036 * A151351 A354769 A113563 Adjacent sequences: A036744 A036745 A036746 * A036748 A036749 A036750
KEYWORD	nonn,word,fini,full
AUTHOR	David W. Wilson
EXTENSIONS	Extended with full list of 101 terms by N. J. A. Sloane , Aug 21 2015 a(76) = 10 inserted by Davin Park , Dec 25 2016
STATUS	approved

Dziękuję za uwagę.